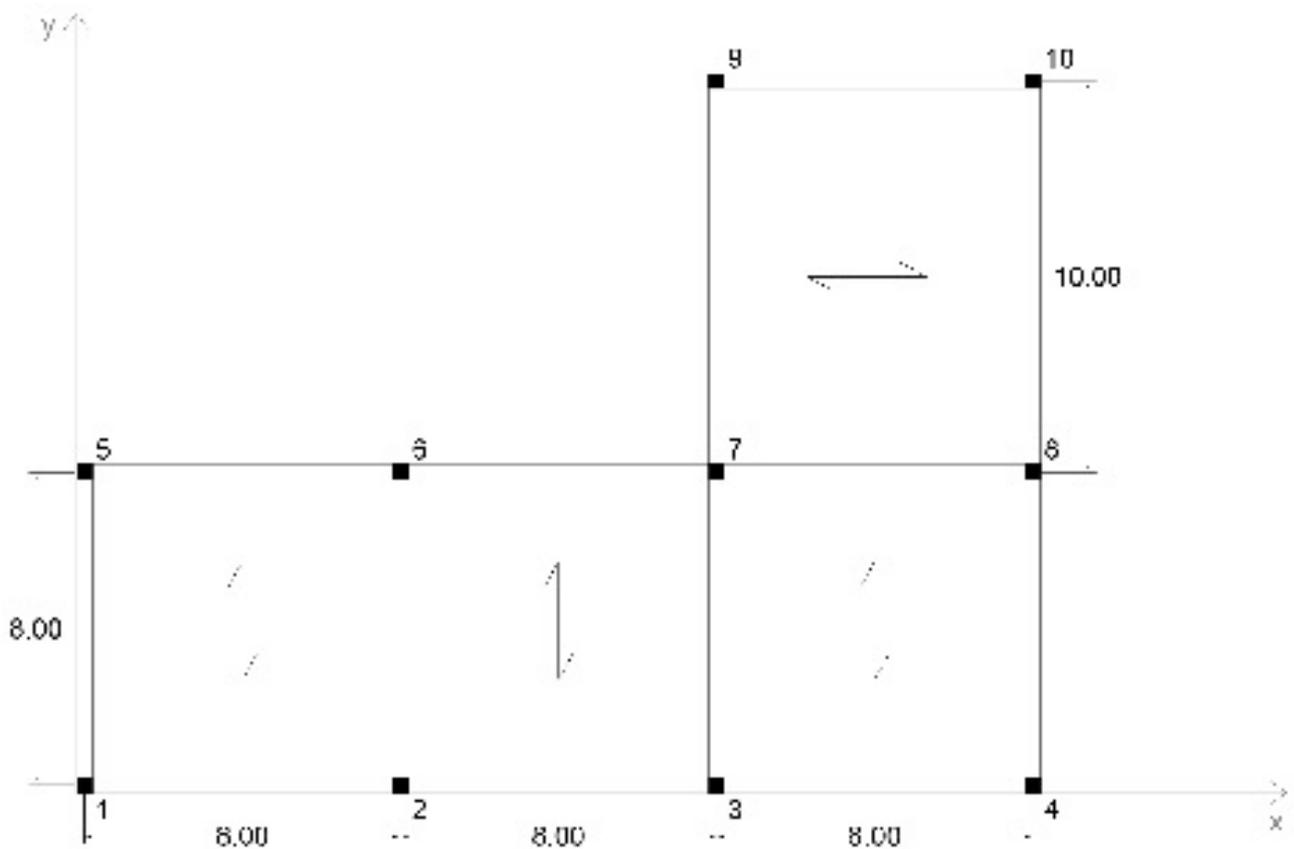


ESERCITAZIONE 2 – Centro delle rigidzze e ripartizione delle forze sismiche

L'obiettivo della quinta esercitazione è quello di calcolare come viene ripartita una forza orizzontale, come ad esempio quella sismica o quella del vento, sui diversi telai che compongono una struttura, applicando il metodo delle rigidzze.

Prendiamo in considerazione la struttura di un edificio ad un solo piano, con pianta ad L e solaio rigido nel suo piano, composto da telai in cemento armato del tipo Shear-Type.



La struttura è composta in totale da 7 telai, 4 verticali e 3 orizzontali. I pilastri hanno sezione 40x40 cm e altezza pari a 3 m.

- Telaio 1v – pilastri 1,5
- Telaio 2v – pilastri 2,6
- Telaio 3v – pilastri 3,7,9
- Telaio 4v – pilastri 4,8,10

- Telaio 1o – pilastri 1,2,3,4
- Telaio 2o – pilastri 5,6,7,8
- Telaio 3o – pilastri 9,10

Step 1: calcolo delle rigidezze traslanti dei controventi dell'edificio

Telaio 1v	1-5	pilastri che individuano il telaio
E (N/mm ²)	25000,00	modulo di Young
H (m)	3,00	altezza dei pilastri
I 1 (cm ⁴)	213333,30	momento d'inerzia pilastro 1
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 5
I 3	0,00	
I 4	0,00	
K_T (KN/m)	47407,40	rigidezza traslante telaio 1
Telaio 2v	2-6	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 2
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 6
I 3	0,00	
I 4	0,00	
K_T	47407,40	rigidezza traslante telaio 2
Telaio 3v	3-7-9	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 3
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 7
I 3	213333,30	momento d'inerzia pilastro 9
I 4	0,00	
K_T	71111,10	rigidezza traslante telaio 3
Telaio 4v	4-8-10	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 4
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 8
I 3	213333,30	momento d'inerzia pilastro 10
I 4	0,00	
K_T	71111,10	rigidezza traslante telaio 4
Telaio 1o	1-2-3-4	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 1
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 2
I 3	213333,30	momento d'inerzia pilastro 3
I 4	213333,30	momento d'inerzia pilastro 4
K_T	94814,80	rigidezza traslante telaio 5
Telaio 2o	5-6-7-8	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 5
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 6
I 3	213333,30	momento d'inerzia pilastro 7
I 4	213333,30	momento d'inerzia pilastro 8
K_T	94814,80	rigidezza traslante telaio 6
Telaio 3o	9-10	pilastri che individuano il telaio
E	25000,00	modulo di Young
H	3,00	altezza dei pilastri
I 1	213333,30	momento d'inerzia pilastro 9
I 2	213333,30	momento d'inerzia pilastro 10
I 3	0,00	
I 4	0,00	
K_T	47407,40	rigidezza traslante telaio 7

Nello STEP 2 abbiamo una tabella riassuntiva in cui vengono riportare le rigidezze di tutti i controventi, orizzontali e verticali, calcolate nel primo step.

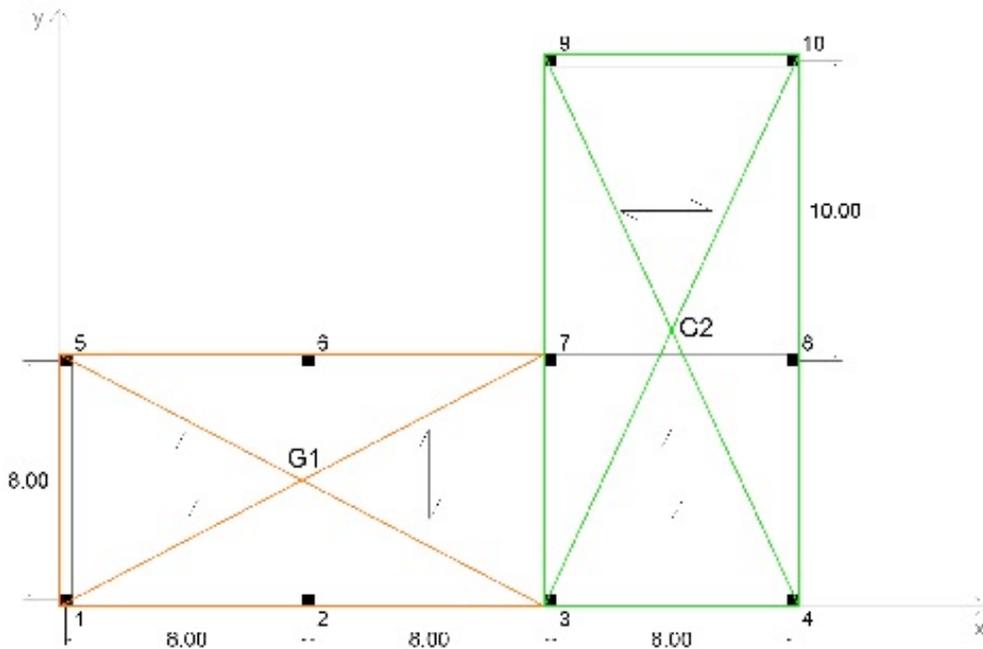
Step 2: tabella sinottica controventi e distanze

Kv1(KN/m)	47407,40	rigidezza traslante contr.vert.1
Kv2	47407,40	rigidezza traslante contr.vert.2
Kv3	71111,10	rigidezza traslante contr.vert.3
Kv4	71111,10	rigidezza traslante contr.vert.4
dv2 (m)	10,00	distanza orizzontale controvento dal punto O
dv3	16,00	distanza orizzontale controvento dal punto O
dv4	22,00	distanza orizzontale controvento dal punto O
Ko1(KN/m)	94814,80	rigidezza traslante contr.orizz.1
Ko2	94814,80	rigidezza traslante contr.orizz.2
Ko3	47407,40	rigidezza traslante contr.orizz.3
do2	6,00	distanza verticale controvento punto O
do3	16,00	distanza verticale controvento punto O

Per trovare il centro di massa dell'impalcato riconduciamo la forma complessa a due rettangoli e troviamo le coordinate del centro di massa applicando le seguenti formule:

$$X_G = A_1x_1 + \frac{A_2x_2}{A_{TOT}}$$

$$Y_G = A_1y_1 + \frac{A_2y_2}{A_{TOT}}$$



Step 3: calcolo del centro di massa		
area_1 (mq)	128,00	misura dell'area superficie 1 area 1 (misura)
x_G1 (m)	8,00	coordinata X centro area 1
y_G1	4,00	coordinata Y centro area 1
area_2	144,00	misura dell'area superficie 2
x_G2	20,00	coordinata X centro area 2
y_G2	9,00	coordinata Y centro area 2
Area tot (mq)	272,00	Area totale impalcato
X_G	14,35	coordinata X centro d'area impalcato (centro massa)
Y_G	6,65	coordinata Y centro d'area impalcato (centro massa)

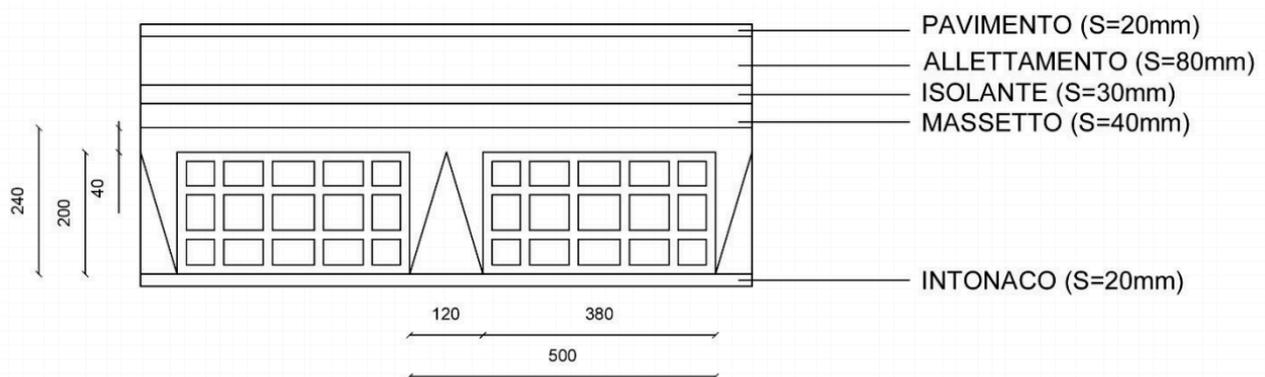
Il centro delle rigidezze non coinciderà con il centro di massa, quindi lo calcoliamo tramite la tabella Excel.

Nello STEP 4 si calcolano: la rigidezza totale orizzontale, somma delle rigidezze dei singoli controventi orizzontali, la rigidezza totale verticale, somma delle rigidezze dei singoli controventi verticali, le coordinate del centro delle rigidezze dell'impalcato e la rigidezza torsionale totale.

Step 4: calcolo del centro di rigidezze e delle rigidezze globali		
Ko_tot	237037,00	rigidezze totale orizzontale
Kv_tot	237037,00	rigidezze totale verticale
X_C (m)	13,40	coordinata X centro rigidezze
Y_C	5,60	coordinata Y centro rigidezze
dd_v1	-13,40	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_v2	-3,40	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_v3	2,60	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_v4	8,60	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_o1	-5,60	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_o2	0,40	distanze controvento dal centro rigidezze
dd_o3	10,40	distanze controvento dal centro rigidezze
K_φ (KN*m)	22916737,16	rigidezze torsionale totale

Notiamo che il centro delle rigidezze risulta molto vicino al centro di massa, fattore positivo per la progettazione dei controventi in quanto la loro distanza influenza il comportamento della struttura sotto l'azione del carico sismico: la forza viene considerata applicata nel centro di massa G, dunque la sua vicinanza al centro delle rigidezze C presuppone un braccio molto ridotto.

Per eseguire l'analisi dei carichi sismici dobbiamo conoscere la stratigrafia del nostro solaio per calcolare i carichi permanente, accidentale e strutturale; consideriamo un solaio in latero-cemento.



- Carico strutturale $q_s = 3,42 \frac{kN}{m^2}$
- Carico permanente portato $q_p = 3,70 \frac{kN}{m^2}$
- Carico accidentale $q_a = 2,00 \frac{kN}{m^2}$

Inseriamo i valori trovati nella tabella Excel da cui si ricavano il carico totale permanente G e il carico totale accidentale Q:

$$G = (q_s + q_p) * A_{tot}$$

$$Q = q_a * A_{tot}$$

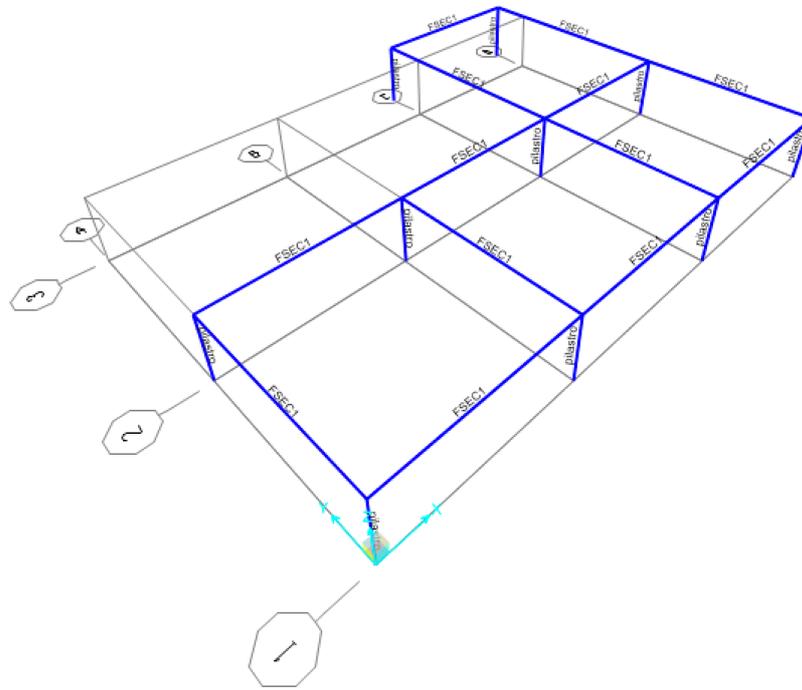
Da questi ricaviamo i pesi sismici W, utilizzando il coefficiente di contemporaneità per edifici ad uso residenziale, e conseguentemente il valore della forza sismica orizzontale.

Step 5: analisi dei carichi sismici		
q_s (KN/mq)	3,42	carico permanente di natura strutturale
q_p	3,70	sovraccarico permanente
q_a	2,00	sovraccarico accidentale
G (KN)	1936,64	carico totale permanente
Q (KN)	544,00	carico totale accidentale
ψ	0,30	coefficiente di contemporaneità
W (KN)	2099,84	Pesi sismici
c	0,10	coefficiente di intensità sismica
F (KN)	209,98	Forza sismica orizzontale

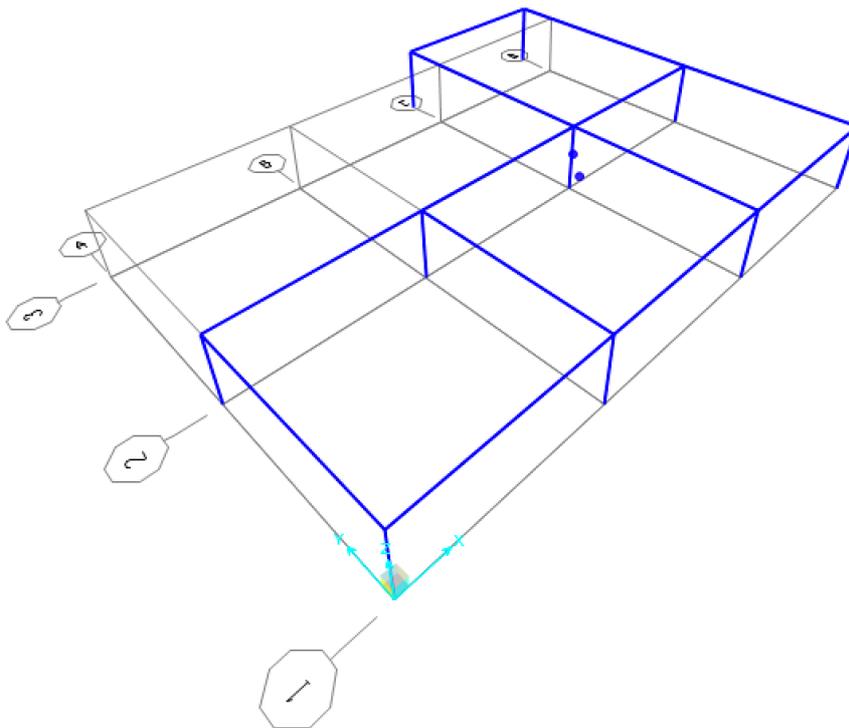
Lo STEP 6 e lo STEP 7 sono i passaggi finali e portano a determinare la ripartizione della forza sismica sui controventi e gli effetti cinematici sull'impalcato, in termini di traslazione e di rotazione rigida.

Step 6: ripartizione forza sismica lungo X		
M (KN*m)	-219,87	momento torcente (positivo se antiorario)
u _o (m)	0,001	traslazione orizzontale
φ	-0,00001	rotazione impalcato (positiva se antioraria)
Fv1 (KN)	6,09	Forza sul controvento verticale 1
Fv2	1,55	Forza sul controvento verticale 2
Fv3	-1,77	Forza sul controvento verticale 3
Fv4	-5,87	Forza sul controvento verticale 4
Fo1	89,09	Forza sul controvento orizzontale 1
Fo2	83,63	Forza sul controvento orizzontale 2
Fo3	37,27	Forza sul controvento orizzontale 3
	209,98	
		83,99
		83,99
		42,00
		209,98
Step 7: ripartizione forza sismica lungo Y		
M (KN*M)	200,10	momento torcente
v _o (KN)	0,001	traslazione verticale
φ	0,00001	rotazione impalcato
Fv1 (KN)	36,45	Forza sul controvento verticale 1
Fv2	40,59	Forza sul controvento verticale 2
Fv3	64,61	Forza sul controvento verticale 3
Fv4	68,34	Forza sul controvento verticale 4
Fo1	-4,64	Forza sul controvento orizzontale 1
Fo2	0,33	Forza sul controvento orizzontale 2
Fo3	4,31	Forza sul controvento orizzontale 3
	209,98	
		42,00
		42,00
		63,00
		63,00
		209,98

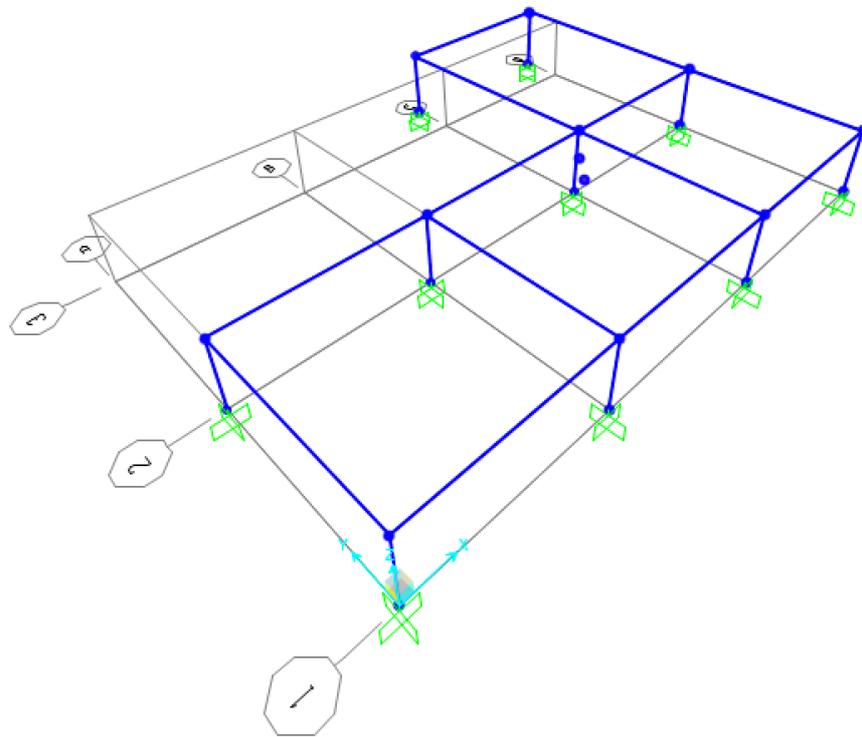
Ridisegnamo la struttura su SAP2000 assegnando ai pilastri la sezione in cemento armato 40x40 cm.



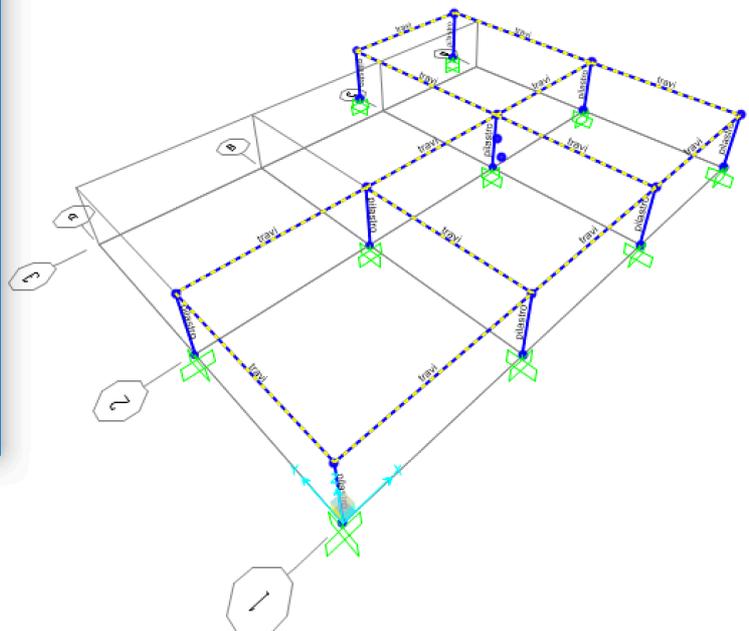
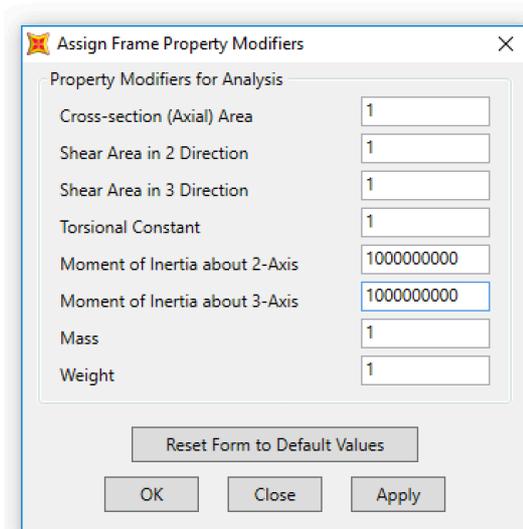
Disegniamo il centro di massa ed il centro delle rigidezze della struttura.



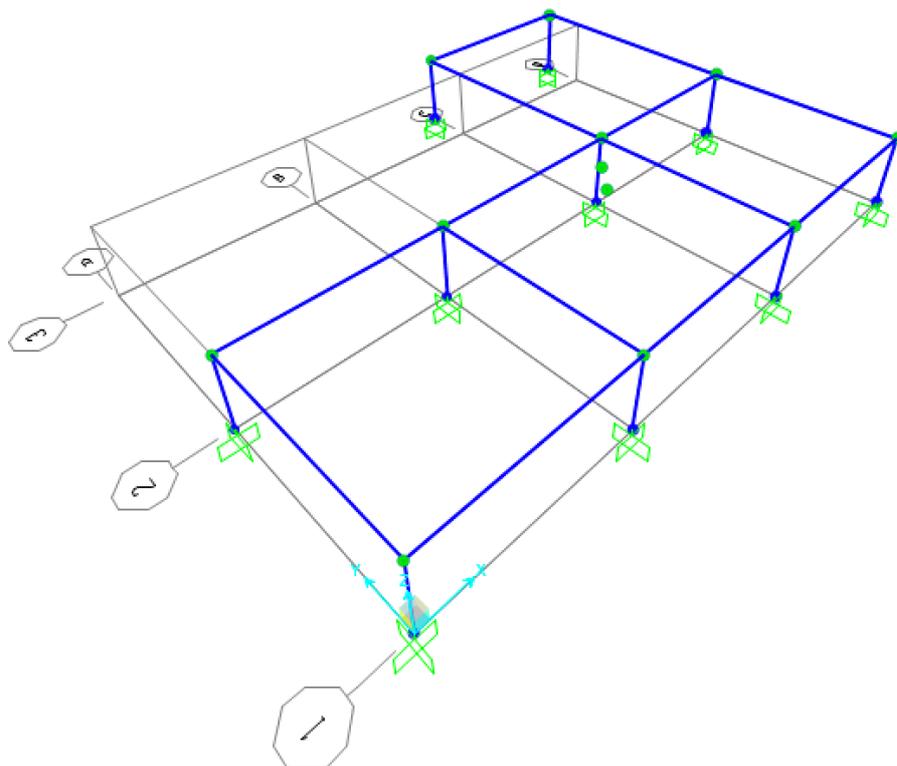
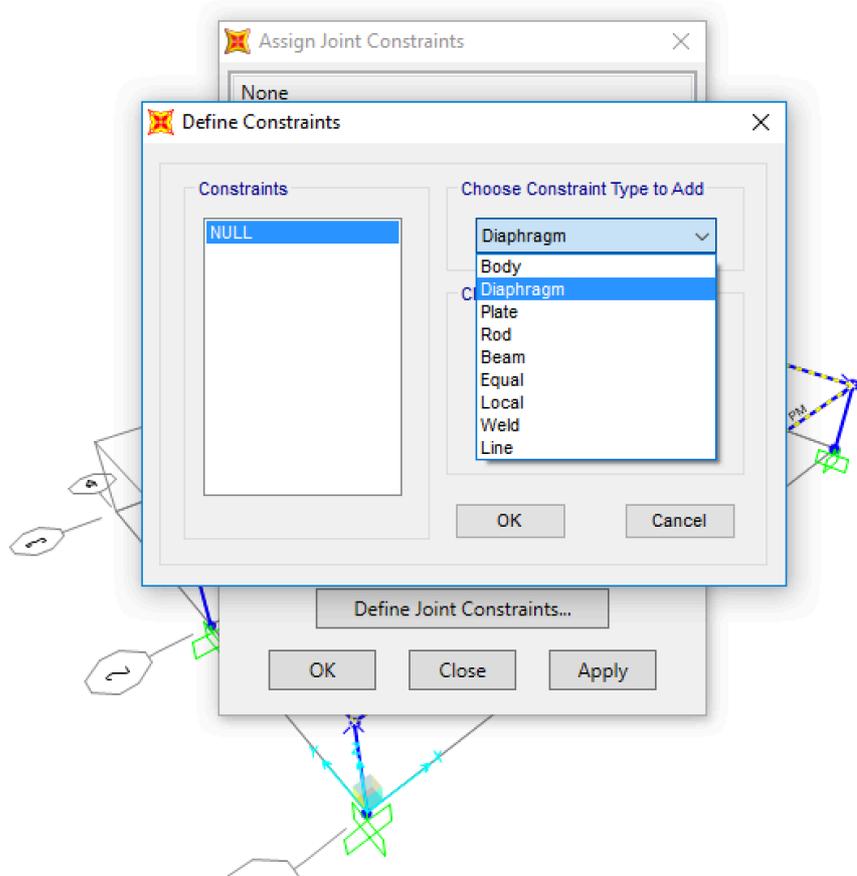
Assegnamo i vincoli incastro all'attacco a terra dei pilastri.



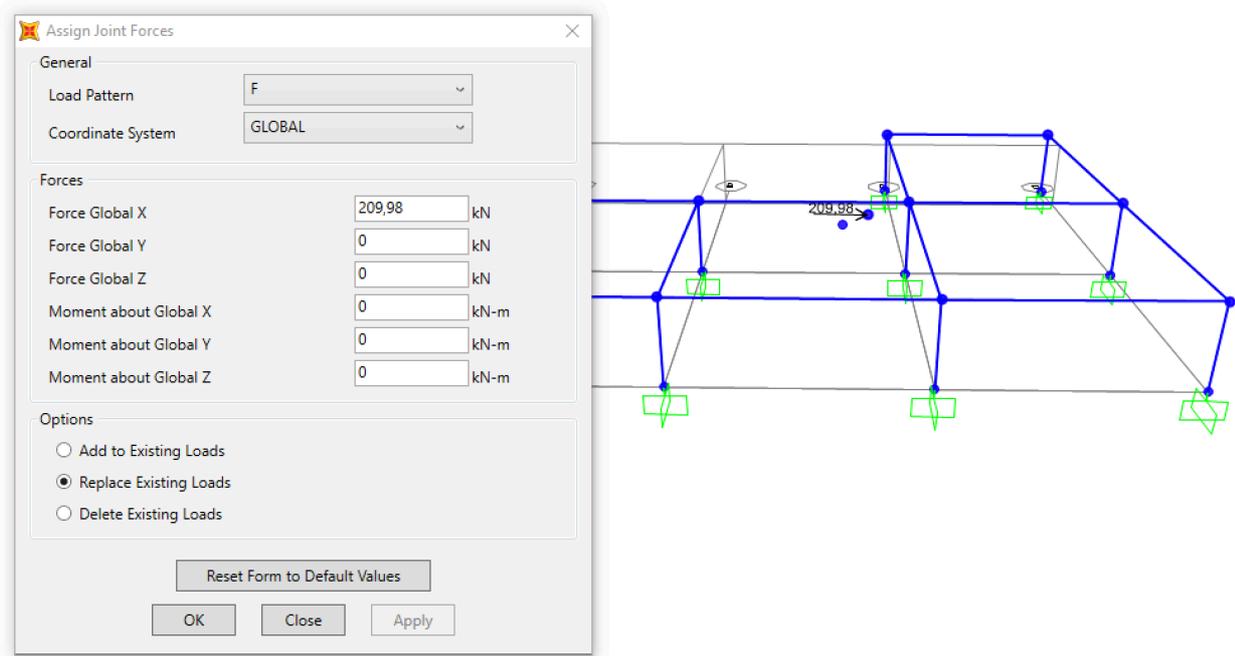
Assegnamo alla trave una sezione di 70x40 cm. Essendo un telaio Shear-Type aumentiamo la rigidezza delle travi in maniera esponenziale in quanto nel modello è ipotizzata come infinita.



Assegnamo a tutti i nodi dell'impalcato, compresi i due centri, un Diaphragm Constraint, in modo che la struttura si comporti come un unico oggetto.



Applichiamo al centro di massa la forza sismica con intensità pari al valore ricavato negli step finali.



Avviamo l'analisi.

